



Università degli Studi di Enna “Kore”
Facoltà di Ingegneria e Architettura
Anno Accademico 2019-2020

| A.A. | Settore Scientifico Disciplinare | | CFU | Insegnamento | Ore di aula | | Mutuazione | |
|-----------|----------------------------------|-------------------------------------|---------------------------|---|-------------------------|-------|--------------------|---------------|
| 2019/20 | MAT/05 | | 12 | Analisi Matematica | 96 | | Sì | |
| Classe | Corso di studi | | Tipologia di insegnamento | | Anno di corso e Periodo | | Sede delle lezioni | |
| L-9 | Ingegneria Aerospaziale | | Base | | I Anno Annuale | | | |
| N° Modulo | Nome Modulo | Tipologia lezioni | Ore | Docente | SSD | Ruolo | Interno | Affidamento |
| 1 | Analisi Matematica Mod. A | Lezioni frontali / Esercitazioni | 48 | Angela Ricciardello E-mail: angela.ricciardello@unikore.it Tel: 0935 – 536492 | MAT/07 | RTD | Sì | Istituzionale |
| 2 | Analisi Matematica Mod. B | | 48 | | | | | |

Prerequisiti

Sono ritenuti basilari per il corso di Analisi Matematica i contenuti svolti nell'ambito del Corso Zero la cui frequenza non è obbligatoria ma vivamente consigliata. Così come previsto dal Decreto del Preside n. 50/2013 del 16 ottobre 2013, l'accertamento del possesso delle conoscenze di base avviene mediante il Test di Accertamento delle Competenze di base.

Propedeuticità

Nessuna.



**Università degli Studi di Enna “Kore”
Facoltà di Ingegneria e Architettura
Anno Accademico 2019-2020**

Obiettivi formativi

Il corso ha come obiettivo sia la formazione logico-matematica di base, intesa anche come capacità di comprendere percorsi ipotetico-deduttivi, che quello di fornire strumenti applicativi di calcolo.

Risultati di apprendimento (Descrittori di Dublino):

Alla fine del corso, gli studenti dovranno aver conseguito le seguenti abilità, conoscenze e competenze:

Conoscenza e capacità di comprensione: Lo Studente al termine del corso dovrà dimostrare conoscenza sufficiente degli argomenti oggetto del corso stesso, l'acquisizione del linguaggio proprio della disciplina e la capacità di comprendere percorsi ipotetico-deduttivi. In particolare, al termine del corso, lo studente dovrà dimostrare di conoscere le nozioni di successione e serie sia numeriche che di funzioni reali, funzioni goniometriche, gli elementi fondamentali del calcolo differenziale ed integrale per funzioni reali in una o più variabili reali, curve, forme differenziali e di sapere riconoscere ed integrare le equazioni differenziali presentate durante il corso.

Conoscenza e capacità di comprensione applicate: Lo studente dovrà essere in grado di affrontare e risolvere problemi applicativi relativi agli argomenti teorici trattati nel corso. Lo studente dovrà essere in grado di utilizzare il linguaggio matematico e applicare le conoscenze acquisite nella risoluzione dei problemi ed utilizzare il calcolo integrale e differenziale nella risoluzione di problemi matematici. Infine dovrà saper calcolare integrali derivate e limiti e applicarli nello studio di una funzione, risolvere equazioni differenziali, stabilire raggio di convergenza di serie di potenze, determinare caratteristiche fondamentali di forme differenziali e dovrà saper calcolare integrali multipli ed integrali curvilinei.

Autonomia di giudizio: Lo studente dovrà acquisire la capacità di adoperare gli strumenti matematici più idonei alla risoluzione dei problemi affrontati. Pertanto lo studente dovrà essere in grado di analizzare i dati di un problema ed identificare gli strumenti matematici atti a risolverlo.

Abilità comunicative: Lo studente dovrà acquisire la capacità di esporre in modo completo e corretto, anche linguisticamente, le conoscenze e le tecniche acquisite.

Capacità di apprendere: Lo studente dovrà acquisire anche autonomamente mediante la consultazione di testi idonei, le conoscenze matematiche



**Università degli Studi di Enna “Kore”
Facoltà di Ingegneria e Architettura
Anno Accademico 2019-2020**

necessarie al suo corso di studi ovvero dovrà apprendere come i concetti teorici trattati possano essere applicati a casi concreti. Allo scopo di affrontare gli studi ingegneristici con maggiore autonomia ed discernimento.

Contenuti e struttura del corso

Lezioni frontali:

| N. ARGOMENTO | TIPOLOGIA | DURATA |
|--|-------------------------------|----------------|
| 1 <i>Funzioni reali a variabile reale</i> <i>Richiami di Aritmetica e Algebra. Operazioni tra insiemi e proprietà. Prodotto cartesiano e proprietà. Cenni sugli Insiemi Numerici. I numeri naturali e il principio di induzione. I numeri interi relativi e i numeri razionali. Definizione di numero reale. Operazioni con i numeri reali, fattori e multipli, pesi, misure e fattori di conversione, rateo e proporzione, medie e percentuali, quadrati, cubi, radici quadrate e cubiche. Partizioni del corpo dei numeri reali. Teorema fondamentale sulle partizioni dei numeri razionali. Densità di \mathbb{Q} in \mathbb{R}. Notazioni matematiche. Estremo inferiore ed estremo superiore. Massimi e minimi. Concetto di funzione. Funzioni iniettive e suriettive. Funzione composta. Valore assoluto di un numero reale. Proprietà del valore assoluto. Radici n-esime. Logaritmi ed Esponenziali. Trigonometria: Funzioni trigonometriche. Funzioni trigonometriche derivate. Formula fondamentale della trigonometria*. Archi notevoli*. Archi associati*. Formule di seno e coseno di somma e differenza di archi. Formule di duplicazione*. Formule di bisezione*. Funzioni inverse. Formule di Prostaferisi e Werner. Equazioni e disequazioni trigonometriche. Applicazioni della trigonometria a problemi di geometria. Teorema dei seni. Teorema di Carnot. Funzioni limitate. Definizione di limite. Teorema di unicità del limite*. Teorema della permanenza del segno. Teoremi del confronto*. Operazioni con i limiti. Limiti notevoli. Teorema di Esistenza del limite per funzioni monotone. Asintoti. Definizione di continuità. Continuità delle funzioni elementari. Punti di discontinuità. Teorema di continuità della funzione composta. Continuità della funzione inversa. Teorema di permanenza del segno. Teorema di esistenza degli zeri. Teorema di esistenza dei valori intermedi. Uniforme continuità. Continuità delle</i> | Frontale Esercitazione | 14h 7 h |



Università degli Studi di Enna “Kore”
Facoltà di Ingegneria e Architettura
Anno Accademico 2019-2020

funzioni uniformemente continue. Funzioni Holderiane e Lipschitziane. Teorema di Cantor. Teorema di Weierstrass. Funzioni Monotone.*

2 Calcolo Differenziale

Definizione di derivata e sua interpretazione geometrica. Derivate successive. Derivate delle funzioni elementari. Algebra delle derivate. Derivata della funzione composta. Derivata della funzione inversa. Derivate delle funzioni trigonometriche inverse. Teoremi di Rolle, Cauchy e Lagrange*. Conseguenze del Teorema di Lagrange. Teoremi di de l'Hopital. Punti di massimo e minimo relativo. Teorema di Fermat. Teoremi per la determinazione di estremi relativi. Funzioni convesse in un intervallo. Condizioni necessarie e sufficienti per la convessità. Punti di flesso. Studio di Funzione e determinazione del grafico.*

Frontale

6h

Esercitazione

3h

3 Integrazione delle funzioni reali di una variabile reale

Primitiva di una funzione reale a variabile reale. Definizione di integrale indefinito. Integrazione per decomposizione. Metodo di integrazione per parti. Integrazione delle funzioni razionali fratte. Metodo di integrazione per sostituzione. Definizione di integrale definito. Proprietà dell'integrale definito. Caratterizzazione dell'Integrale e significato geometrico. Classi di funzioni integrabili. Proprietà dell'integrale. Teorema della Media*. Funzioni Integrali. Teorema fondamentale del calcolo integrale e suo corollario. Integrazione per scomposizione, per parti e per sostituzione. Integrali Generalizzati e Impropri. Estensione della definizione di integrale di Riemann al caso di funzioni non limitate o definite su intervalli illimitati. Assoluta integrabilità e integrabilità. Criteri di assoluta integrabilità.*

Frontale

6h

Esercitazione

3h

4 Successioni e Serie

Successioni numeriche monotone. Teorema fondamentale delle successioni monotone. Il numero di Nepero. Limiti notevoli. Successione delle medie aritmetiche e geometriche. Convergenza puntuale e uniforme di una successione di funzioni. Teorema di collegamento tra limiti di successioni e limiti di funzioni. Criterio di convergenza di Cauchy. Teoremi di continuità, derivabilità, passaggio al limite sotto il segno d'integrale. Convergenza puntuale, uniforme e totale per una serie di funzioni. Criteri di Cauchy.

Frontale

6h

Esercitazione

3h



Università degli Studi di Enna “Kore”
Facoltà di Ingegneria e Architettura
Anno Accademico 2019-2020

Serie numeriche a termini positivi. Carattere di una serie. Carattere delle serie numeriche notevoli (Mengoli, armonica generalizzata, geometrica, logaritmica, esponenziale). Criteri di convergenza delle serie (confronto, rapporto, radice, Raabe, confronto asintotico, del quoziente). Assoluta convergenza. Serie a termini alterni. Criterio di Leibnitz. Serie di potenze. Intervallo e raggio di convergenza. Teorema di Cauchy-Hadamard. Teorema di Abel. Serie di Taylor. Condizioni sufficienti per la sviluppabilità in serie di Taylor. Sviluppi notevoli.

5 Funzioni di più variabili

Definizione di metrica e di spazi metrici, proprietà degli spazi metrici, insiemi aperti e chiusi, domini, caratterizzazione dei domini, insiemi perfetti, proprietà dei domini perfetti, insiemi connessi, insiemi internamente connessi, successioni di elementi di uno spazio metrico, teorema di unicità del limite, successioni di Cauchy, spazi metrici completi, insiemi sequenzialmente compatti e relativamente sequenzialmente compatti, teorema di Bolzano, insiemi compatti. Funzioni definite in un generico spazio metrico a valori in un altro spazio metrico, continuità e uniforme continuità, teorema di Weierstrass, continuità delle funzioni uniformemente continue, uniforme continuità delle funzioni continue in insiemi sequenzialmente compatti, Holderianità e Lipschitzianità, uniforme continuità di funzioni holderiane, funzioni composte, continuità delle funzioni composte. Limiti per le funzioni di più variabili reali, teorema di permanenza del segno, teorema di esistenza degli zeri, teorema di esistenza dei valori intermedi.

Frontale 7h

Esercitazione 2h

6 Calcolo differenziale

Derivate parziali e direzionali di funzioni reali a più variabili reali, teorema di Schwartz, Differenziale primo e sua rappresentazione. Differenziabilità e continuità. Teorema del differenziale totale. Regole di differenziazione. Differenziale delle funzioni composte. Estremi relativi. Condizioni necessarie e condizioni sufficienti per un estremo relativo. Estremi vincolati. Metodo dei moltiplicatori di Lagrange.

Frontale 3h

Esercitazione 7h

7 Integrali di funzioni reali a più variabili reali

Misurabilità secondo Peano-Jordan, insiemi misurabili e loro principali proprietà. Integrali doppi,

Frontale 2h



Università degli Studi di Enna “Kore”
Facoltà di Ingegneria e Architettura
Anno Accademico 2019-2020

| | | | |
|-----------|--|---------------|----|
| | <i>proprietà degli integrali doppi, teorema della media, cilindroidi, domini normali, formule di riduzione degli integrali delle funzioni di due variabili, domini piani regolari, formule di sostituzione per gli integrali doppi. Integrali tripli, formule di riduzione degli integrali tripli, cambiamento di variabili negli integrali tripli. Applicazione al calcolo dei baricentri, aree e volumi.</i> | Esercitazione | 5h |
| 8 | <i>Curve e superficie Curve regolari</i> <i>Vettore tangente. Curve generalmente regolari. Curve rettificabili e loro lunghezza. Ascissa curvilinea. Integrale curvilineo rispetto al differenziale d'arco e sue proprietà. Applicazione al calcolo dei baricentri. Superficie regolari. Piano tangente ad una superficie regolare. Superficie generalmente regolari. Integrale di una funzione esteso ad una superficie generalmente regolare. Area di una superficie regolare.</i> | Frontale | 3h |
| | | Esercitazione | 5h |
| 9 | <i>Forme differenziali</i> <i>Definizione e significato fisico. Integrale di una forma differenziale su un cammino. Indipendenza dal cammino. Criteri di integrabilità. Forme differenziali chiuse. Relazione tra chiusura ed esistenza della primitiva. Teorema di Gauss e sue conseguenze.</i> | Frontale | 1h |
| | | Esercitazione | 4h |
| 10 | <i>Equazioni Differenziali</i> <i>Equazioni e sistemi in forma normale. Problema di Cauchy. Esistenza ed unicità locale e globale per il problema di Cauchy. Sistemi lineari e lineari affini. Equazioni differenziali lineari di ordine superiore al primo. Sistemi a coefficienti costanti.</i> | Frontale | 1h |
| | | Esercitazione | 8h |

Attività esercitative / Lavoro di gruppo:

Testi adottati

Testi di riferimento:

S. Salsa, A. Squellati, Esercizi di Analisi Matematica 1 e 2, Ed. Zanichelli (2011).



**Università degli Studi di Enna “Kore”
Facoltà di Ingegneria e Architettura
Anno Accademico 2019-2020**

Marcellini P., Sbordone C., Esercizi di Matematica Vol. 1 Tomo 1, 2, 3 e 4, Liguori (2009).

Marcellini P., Sbordone C., Esercizi di Matematica Vol. 2 Tomo 1, 2, 3 e 4, Liguori (2009).

Testi di approfondimento:

M. Bertsch, R. Dal Passo, L. Giacomelli, Analisi Matematica, McGraw-Hill (2^a Edizione).

S. Salsa, A. Squellati, Esercizi di Analisi Matematica 1 e 2, Ed. Zanichelli (2011).

Modalità di accertamento delle competenze

La modalità d'esame prevede una prova scritta ed una prova orale che contribuiscono al voto finale nella stessa misura.

Inoltre è prevista una prova in itinere facoltativa nella sessione intermedia alla durata del corso, (sessione invernale) costituita da 3 esercizi relativi agli argomenti trattati nel primo modulo da svolgere in un'ora di tempo. Per lo svolgimento della prova non è consentito consultare il cellulare né uscire dall'aula né utilizzare appunti o formulari. Le suddette prove intermedie sono atte a verificare l'apprendimento degli argomenti svolti durante il primo modulo e propedeutici per l'apprendimento degli argomenti trattati nel secondo modulo. Pertanto esse risultano altresì di supporto per stabilire eventuali azioni integrative di sostegno per coloro che non abbiano raggiunto gli obiettivi minimi previsti dal primo modulo.

La prova scritta che si svolgerà a fine corso è diversamente strutturata, anche in termini organizzativi (tempo e numero di esercizi), rispettivamente per gli studenti che abbiano o non abbiano sostenuto la prova in itinere.

La prova scritta consta di 6 esercizi, da svolgere in 2 ore tempo, così suddivisi: 3 esercizi relativi alla prima parte del corso (Trigonometria, Studio di funzione reale di variabile reale, Integrazione di funzioni reali di variabile reale) e 3 relativi alla seconda parte (Serie di potenze, Studio di funzione reale in più variabili reali, Integrazione di funzioni a più variabili reali, Equazioni differenziali, Forme differenziali).

Ai tre esercizi della prova in itinere è assegnato pari punteggio, ovvero 10/30 (salvo diversa indicazione riportata nel testo del compito).

Coloro che in tale prova conseguono valutazione pari o superiore a 15/30 possono svolgere solo gli esercizi relativi al secondo modulo; in tal caso, il tempo assegnato è un'ora e il punteggio è di 10/30 ad esercizio (salvo diversa indicazione). Infine, è assegnato un voto risultante dalla media dei voti riportati nelle due prove.

Agli esercizi della prova scritta (comprensiva del primo e secondo modulo) è assegnato lo stesso punteggio (salvo eventuali indicazioni nel testo della prova) pari a 5/30.

L'eventuale valutazione pari o superiore a 18/30 consente allo studente di conservare l'esito della prova scritta per le due sessioni immediatamente



**Università degli Studi di Enna “Kore”
Facoltà di Ingegneria e Architettura
Anno Accademico 2019-2020**

successive.

Per la prova scritta è ammesso esclusivamente l'utilizzo di un formulario relativo al secondo modulo e di una calcolatrice non programmabile, ma non di libri e o appunti. Non è consentito uscire dall'aula e consultare il telefono cellulare. I fogli per l'esecuzione della prova saranno forniti dal docente. Il docente, indicativamente entro 3-4 giorni, pubblicherà gli esiti della prova scritta.

Per la partecipazione alla prova scritta è richiesta la preventiva prenotazione sul sito di facoltà. La prova orale consta nell'esposizione orale di alcuni concetti teorici trattati nel corso. Lo scopo della prova orale è quello di appurare il raggiungimento degli obiettivi minimi fissati per il superamento dell'esame. Il mancato superamento della prova orale determina l'invalidazione del voto riportato nella prova scritta, che deve essere ripetuta nell'appello in cui si intende ripetere l'esame.

Orari di lezione e date di esame

Gli orari di lezione saranno pubblicati sulla pagina web del corso di laurea almeno due mesi prima dell'inizio delle lezioni:
<https://www.unikore.it/index.php/it/ingegneria-aerospaziale-rattivita-didattiche/calendario-lezioni>

Le date di esami saranno pubblicati sulla pagina web del corso di laurea almeno due mesi prima dell'inizio della sessione d'esami:
<https://www.unikore.it/index.php/it/ingegneria-aerospaziale-esami/calendario-esami>

Modalità e orari di ricevimento

Gli orari di ricevimento sono pubblicati nella cartella “Curriculum e ricevimento” della pagina personale del docente:

